

## ABSTRAK

**Nama** : Siti Nailatunnajah  
**NIM** : 1187010073  
**Judul** : Teorema Titik Tetap Pemetaan Kontraktif  $\alpha - \psi$  Pada Ruang Norm

Titik tetap pada pemetaan  $T: X \rightarrow X$  adalah peta  $x \in X$  yang dipetakan ke dirinya sendiri yaitu  $T(x) = x$ . Misalkan  $X$  suatu himpunan tak kosong, dan  $T: X \rightarrow X$  adalah suatu fungsi atau pemetaan. Titik  $x \in X$  disebut titik tetap dari  $T$  apabila  $T(x) = x$ . Memperkenalkan konsep pemetaan kontraktif  $\alpha - \psi$  dan membangun teorema titik tetap. Dengan memperoleh hasil dalam membuktikan teorema titik tetap pemetaan kontraktif  $\alpha - \psi$  di ruang norm diperlukan suatu persamaan pemetaan kontraktif  $\alpha - \psi$  yaitu:  $\alpha(x, y) \|Tx - Ty\| \leq \psi(\|x - y\|)$ , untuk setiap  $x, y \in X$ . Kemudian Terdapat  $x_0 \in X$  sedemikian rupa sehingga  $\|x_0 - Tx_0\|$  terurut-T terhadap  $(c\alpha, \|\cdot\|, \delta)$ . Kemudian barisan  $\{T^n x_0\}$  konvergen ke suatu  $x^* \in X$  dengan  $T$  kontinu. Maka  $T$  mempunyai titik tetap di  $X$ .

**Kata kunci:** Titik Tetap, pemetaan kontraktif  $\alpha - \psi$ , ruang norm.



## ***ABSTRACT***

**Name** : Siti Nailatunnajah  
**NIM** : 1187010073  
**Title** : Fixed Point Theorem Contractive Mapping  $\alpha - \psi$  in Norm Space

Fixed points on the mapping  $T: X \rightarrow X$  is a map  $x \in X$  that maps to itself i.e.  $T(x) = x$ . Let  $X$  be a non-empty set, and  $T: X \rightarrow X$  is a function or a mapping. The point  $x \in X$  is called a fixed point of  $T$  if  $T(x) = x$ . Introduces the concept of  $\alpha - \psi$  contractive mapping and constructs the fixed point theorem. By obtaining the results in proving the fixed point theorem contractive mapping  $\alpha - \psi$  in the norm space, a contractive mapping equation  $\alpha - \psi$  is needed, namely:  $\alpha(x, y) \|Tx - Ty\| \leq \psi(\|x - y\|)$ , for each  $x, y \in X$ . Then There is  $x_0 \in X$  such that  $\|x_0 - Tx_0\|$  is T-ordered with respect to  $(c\alpha, \|\cdot\|, \delta)$ . Then the sequence  $\{T^n x_0\}$  converges to an  $x^* \in X$  with continuous  $T$ . Then  $T$  has a fixed point at  $X$ .

**Keywords:** Fixed Point, contractive mapping  $\alpha - \psi$ , norm space.

