

## ABSTRAK

Metode pembuktian untuk proposisi perihal bilangan bulat adalah induksi matematika. Induksi matematika merupakan suatu teknik pembuktian yang baku di dalam matematika. Melalui induksi matematika kita dapat mengurangi langkah-langkah pembuktian bahwa semua bilangan bulat termasuk kedalam suatu himpunan kebenaran dengan hanya sejumlah langkah terbatas. Jika  $a$  dan  $b$  bilangan bulat dimana  $a \neq 0$ , maka dapat dikatakan  $a$  membagi  $b$  jika ada bilangan bulat  $c$  sehingga  $b = ac$ . Secara umum persamaan pembeda (*difference equations*) adalah persamaan dalam bentuk  $a_m f(n + m) + a_{m-1} f(n + m - 1) + \dots + a_2 f(n + 2) + a_1 f(n + 1) + a_0 f(n) = r(n)$ .

Barisan Fibonacci adalah barisan yang didefinisikan secara rekursif dengan  $f_1 = 1$ ,  $f_2 = 1$ , dan  $f_n = f_{n-1} + f_{n-2}$  untuk  $n \geq 3$ . Pada skripsi ini akan dibahas pembuktian induksi matematika untuk masalah keterbagian pada solusi persamaan pembeda, bilangan bulat, dan bilangan Fibonacci.

**Kata kunci:** Induksi Matematika, Keterbagian, Persamaan Pembeda, dan Bilangan Fibonacci.

## ABSTRACT

The method of proof or the proposition concerning the integers is mathematical induction. Mathematical induction is a proof technique standard in mathematics. Through mathematical induction we can reduce the steps of proof that all integers are included in a set of truth with only a limited number of steps. If  $a$  and  $b$  are integers with  $a \neq 0$ , we say that  $a$  divides  $b$  if there is an integer  $c$  such that  $b = ac$ . In general, difference equations are equations of the form  $a_m f(n + m) + a_{m-1} f(n + m - 1) + \dots + a_2 f(n + 2) + a_1 f(n + 1) + a_0 f(n) = r(n)$ .

The Fibonacci sequence  $f_1, f_2, \dots, f_n$  is defined recursively by  $f_1 = 1, f_2 = 1$ , and  $f_n = f_{n-1} + f_{n-2}$  for  $n \geq 3$ . This thesis will discuss mathematical induction to prove divisibility in difference equations solution, integers, and Fibonacci numbers.

**Keywords:** Mathematical Induction, Divisibility, Difference Equations, and Fibonacci Numbers.